

Zusammenhänge im $s(t)$, $v(t)$ und $a(t)$ – Diagramm

Ein Auto beschleunigt gleichförmig aus der Ruhe mit $a = 3 \text{ m/s}^2$ auf die Geschwindigkeit 25 m/s . Zeichne das $s(t)$, $v(t)$ und $a(t)$ – Diagramm und zeige die Zusammenhänge der Diagramme auf.

Ansatz:

Zur Zeichnung der Diagramme müssen zuerst die noch fehlenden Werte berechnet werden.

Beschleunigungsdauer:

$$t = \frac{v}{a} \Leftrightarrow t = \frac{25 \text{ m} \cdot \text{s}^2}{\text{s} \cdot 3 \text{ m}} \Leftrightarrow t = 8,33 \text{ s}$$

Zurückgelegte Strecke während der Beschleunigung:

$$s = \frac{1}{2} at^2 \Leftrightarrow s = \frac{1}{2} \cdot 3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot (8,33 \text{ s})^2 \Leftrightarrow s = 104,2 \text{ m}$$

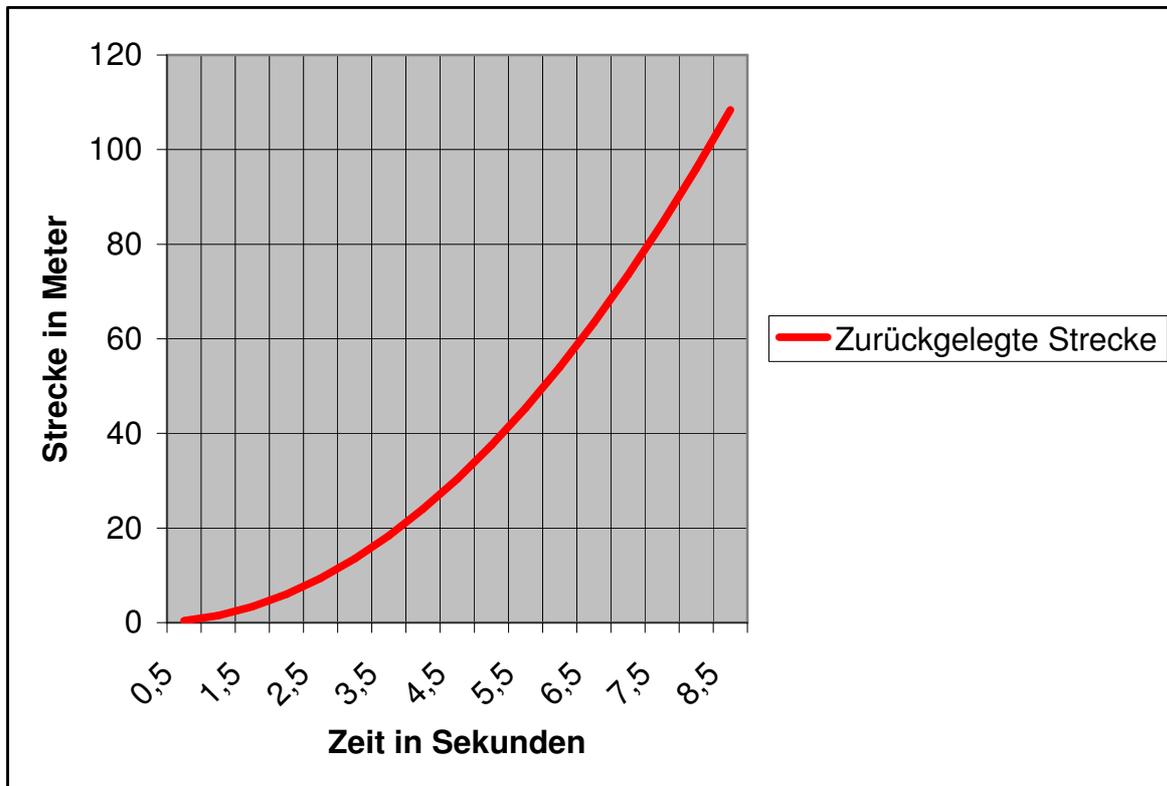
Bewegungsgesetze:

$$\begin{aligned} s_{(t)} &= \frac{1}{2} at^2 & s_{(t)} \\ v_{(t)} &= a \cdot t & s'_{(t)} = v_{(t)} \\ a_{(t)} &= a & s''_{(t)} = a_{(t)} \end{aligned}$$

Die erste Ableitung des $s(t)$ – Gesetzes ist das $v(t)$ – Gesetz.

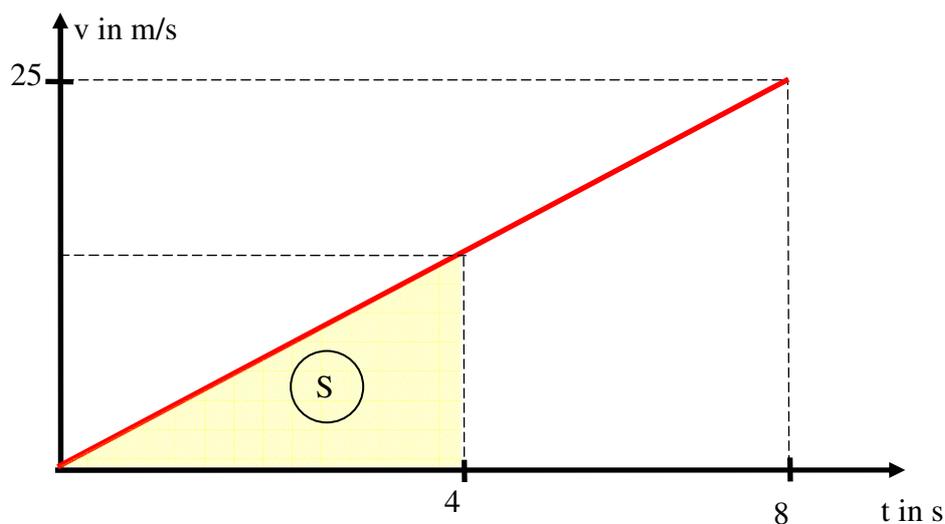
Die zweite Ableitung des $s(t)$ – Gesetzes ist das $a(t)$ – Gesetz.

$s_{(t)}$ – Diagramm:



Die Steigung an einer beliebigen Stelle t des $s_{(t)}$ – Diagramms ist die Geschwindigkeit an diesem Punkt.

$v_{(t)}$ – Diagramm:



Die Steigung an einer beliebigen Stelle t des $v_{(t)}$ – Diagramms ist die Beschleunigung an diesem Punkt.

Der Flächeninhalt A des gelben Dreiecks ist die bis zu diesem Zeitpunkt t zurückgelegte Strecke.

Rechnerischer Beweis:

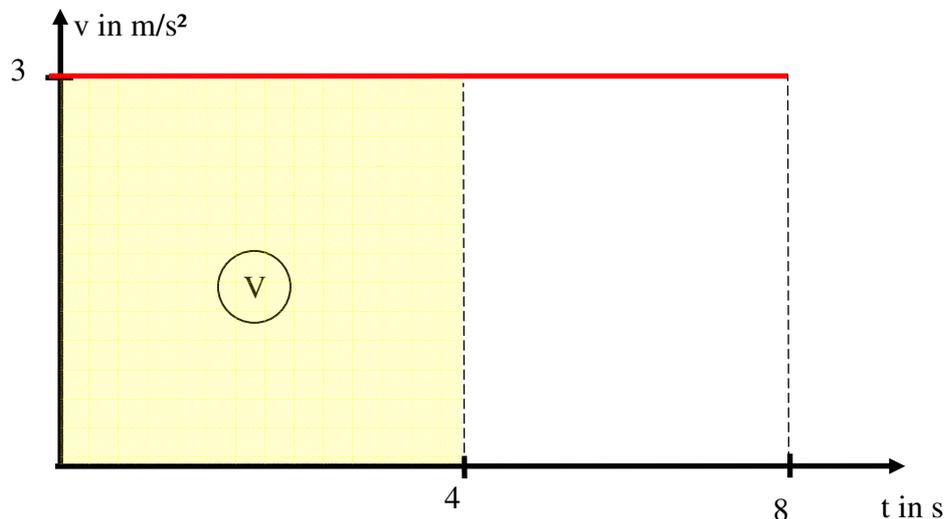
$$v_{(4s)} = 3 \frac{m}{s^2} \cdot 4s \Leftrightarrow v_{(4s)} = 12 \frac{m}{s}$$

$$A_{(D)} = \frac{1}{2} \cdot 4s \cdot 12 \frac{m}{s} \Leftrightarrow A_{(D)} = 24m$$

Kontrolle :

$$s_{(4s)} = \frac{1}{2} \cdot 3 \frac{m}{s^2} \cdot (4s)^2 \Leftrightarrow 24m$$

$a_{(t)}$ – Diagramm:



Der Flächeninhalt A des gelben Rechtecks ist die bis zu diesem Zeitpunkt t erreichte Geschwindigkeit.

Rechnerischer Beweis:

$$A_{(R)} = 4s \cdot 3 \frac{m}{s^2} \Leftrightarrow A_{(D)} = 12 \frac{m}{s}$$

Kontrolle :

$$v_{(4s)} = 3 \frac{m}{s^2} \cdot 4s \Leftrightarrow 12 \frac{m}{s}$$